

Otázky 11: Kmity.

Klikněte prosím na tlačítko „Start“. Na konci testu klikněte na tlačítko „Vyhodnocení“.

1. Tři fyzická kyvadla hmotností $m_1 = m$, $m_2 = 2m$ a $m_3 = 3m$ (z různých materiálů), mají stejný tvar, velikost a bod závěsu. Seřadte je podle jejich period „malých“ kmitů (výrazem „malé“ kmity rozumíme výchylky $\theta(t) \approx \sin[\theta(t)]$).

$$T_1 > T_2 = T_3, \quad T_1 = T_2 = T_3, \quad T_1 < T_2 < T_3, \quad T_1 = T_2 > T_3, \quad T_1 > T_2 > T_3.$$

2. Amplituda výchylky jistého harmonického oscilátoru byla zdvojnásobena. Určete, jak se změní perioda kmitů?

perioda kmitů se nezmění,
perioda kmitů klesne na polovinu,
perioda kmitů vzroste čtyřnásobně.

perioda kmitů klesne na čtvrtinu,
perioda kmitů vzroste dvojnásobně,

3. Výchylku $x(t)$ netlumených harmonických oscilací lze popsat diferenciální rovnicí $\frac{d^2x(t)}{dt^2} + \omega^2x(t) = 0$. Jaké je řešení $x(t)$ této diferenciální rovnice? (Veličiny ve výrazech, které nejsou explicitně označeny jako funkce času, považujte za konstanty).

$$\begin{aligned} x(t) &= x_m e^{-bt/2m}, & x(t) &= 2\pi\sqrt{\omega t}, & x(t) &= \frac{1}{2}mv(t)^2, \\ x(t) &= x_0 \cos(\omega t + \varphi), & x(t) &= \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0. \end{aligned}$$

4. Výchylku $x(t)$ netlumených harmonických oscilací lze popsat diferenciální rovnicí $\frac{d^2x(t)}{dt^2} + \omega^2x(t) = 0$. Jaká je rychlost oscilátoru $v(t)$ v každém okamžiku? (Veličiny ve výrazech, které nejsou explicitně označeny jako funkce času, považujte za konstanty).

$$\begin{aligned} v(t) &= at + v_0, & v(t) &= -x_0\omega \sin(\omega t + \varphi), & v(t) &= -x_m \frac{b}{2m} e^{-bt/2m}, \\ v(t) &= \frac{1}{2}kx^2(t), & v(t) &= 2\pi\sqrt{\omega t}. \end{aligned}$$

5. Výchylku $x(t)$ netlumených harmonických oscilací lze popsat diferenciální rovnicí $\frac{d^2x(t)}{dt^2} + \omega^2x(t) = 0$. Jaké je zrychlení oscilátoru $a(t)$ v každém okamžiku? (Veličiny ve výrazech, které nejsou explicitně označeny jako funkce času, považujte za konstanty).

$$\begin{aligned} a(t) &= -g, & a(t) &= \frac{1}{2}m[v(t)t]^2, & a(t) &= -x_0\omega^2 \cos(\omega t + \varphi), \\ a(t) &= x_m \left(\frac{b}{2m}\right)^2 e^{-bt/2m}, & a(t) &= 2\pi t\sqrt{\omega}. \end{aligned}$$